

Table des matières

Partie I. Bases de calcul à avoir pour réussir en ECG	13
Chapitre 1. Fractions.....	15
1.1 Rappel de cours.....	16
1.2 Méthodes	17
1.2.1 Simplier des fractions.....	17
1.2.2 Diviser par une fraction.....	18
1.2.3 Écrire sous forme d'une fraction irréductible une somme de fractions	19
1.3 Pour s'entraîner	20
1.3.1 Exercices.....	20
1.3.2 Corrigés	21
Chapitre 2. Puissance entière et racine carrée d'un nombre réel.....	25
2.1 Rappel de cours.....	26
2.1.1 Puissance entière d'un nombre réel.....	26
2.1.2 Racine carrée d'un nombre réel	27
2.2 Méthodes	28
2.2.1 Simplier des puissances.....	28
2.2.2 Lien entre racine carrée et puissance.....	29
2.2.3 Simplier des racines carrées.....	29
2.3 Pour s'entraîner	29
2.3.1 Exercices.....	29
2.3.2 Corrigés	31

Table des matières

Chapitre 3. Trinômes du second degré	35
3.1 Rappel de cours.....	36
3.1.1 Équation du second degré	36
3.1.2 Inéquation du second degré.....	37
3.2 Méthodes	39
3.2.1 Résoudre une équation du second degré.....	39
3.2.2 Résoudre une inéquation du second degré.....	40
3.3 Pour s'entraîner	41
3.3.1 Exercices.....	41
3.3.2 Corrigés	42
Chapitre 4. Développer et factoriser.....	45
4.1 Rappel de cours.....	46
4.1.1 Définition	46
4.1.2 Identités remarquables.....	46
4.1.3 Factorisation des trinômes du second degré	47
4.2 Méthodes	47
4.2.1 Développer.....	47
4.2.2 Factoriser quand le facteur commun est évident	48
4.2.3 Factoriser à l'aide des identités remarquables.....	49
4.2.4 Factoriser des trinômes du second degré	49
4.2.5 Factoriser par un terme donné.....	50
4.3 Pour s'entraîner	51
4.3.1 Exercices.....	51
4.3.2 Corrigés	51
Chapitre 5. Résoudre des équations et inéquations.....	53
5.1 Rappel de cours.....	54
5.1.1 Inégalités.....	54
5.1.2 Analyse globale	55
5.2 Méthodes	56
5.2.1 Encadrer les solutions d'une équation de degré deux avec des racines	56
5.2.2 Méthode générale pour résoudre une équation	57
5.2.3 Résolution d'une équation avec des quotients	59
5.2.4 Méthode générale pour résoudre une inéquation.....	61
5.2.5 Résolution d'une inéquation avec des quotients	63
5.3 Pour s'entraîner	65
5.3.1 Exercices.....	65
5.3.2 Corrigés	66

Partie II. Savoirs fondamentaux étudiés en spécialité maths et dans l'option maths complémentaires, à maîtriser pour réussir en ECG.....	69
Chapitre 6. Fonctions usuelles	71
6.1 Rappel de cours.....	72
6.1.1 Fonction carrée	72
6.1.2 Fonction inverse.....	73
6.1.3 Racine carrée	73
6.1.4 Logarithme népérien	74
6.1.5 Exponentielle	76
6.1.6 Valeur absolue	77
6.2 Méthodes	78
6.2.1 Équation avec des logarithmes.....	78
6.2.2 Équation avec des exponentielles.....	80
6.3 Pour s'entraîner	81
6.3.1 Exercices.....	81
6.3.2 Corrigés	82
Chapitre 7. Étude de fonctions	87
7.1 Rappel de cours.....	88
7.1.1 Définition	88
7.1.2 Variation d'une fonction, minimum, maximum	88
7.1.3 Un outil puissant : la dérivation	90
7.2 Méthodes	94
7.2.1 Déterminer l'ensemble de définition d'une fonction	94
7.2.2 Dériver à l'aide des opérations usuelles	95
7.2.3 Dériver une fonction composée	96
7.2.4 Recherche du minimum/maximum sur un intervalle.....	97
7.2.5 Monotonie des fonctions usuelles et encadrement	97
7.2.6 Démontrer des inégalités fonctionnelles.....	98
7.3 Pour s'entraîner	100
7.3.1 Exercices.....	100
7.3.2 Corrigés	101
Chapitre 8. Suites réelles.....	105
8.1 Rappel de cours.....	106
8.1.1 Définition et monotonie d'une suite	106
8.1.2 Suites arithmétiques et géométriques	108
8.2 Méthodes	111
8.2.1 Montrer qu'une suite est arithmétique ou géométrique.....	111

Table des matières

8.2.2	Étudier la monotonie d'une suite.....	112
8.2.3	Cas particulier d'une suite définie de manière explicite.....	114
8.3	Pour s'entraîner	116
8.3.1	Exercices.....	116
8.3.2	Corrigés	117
Chapitre 9. Probabilités sur un univers fini.....	121	
9.1	Rappel de cours.....	122
9.1.1	Vocabulaire probabiliste.....	122
9.1.2	Probabilités et premières propriétés.....	124
9.1.3	Équiprobabilité	125
9.1.4	Probabilités conditionnelles	126
9.1.5	Formule des probabilités totales.....	127
9.1.6	Lien avec les arbres pondérés.....	129
9.1.7	Indépendance d'événements.....	130
9.2	Méthodes	131
9.2.1	Modéliser une expérience aléatoire	131
9.2.2	Montrer que deux événements sont indépendants.....	133
9.2.3	Savoir calculer une union d'événements.....	133
9.2.4	Savoir calculer une intersection d'événements	134
9.2.5	Savoir utiliser la formule des probabilités totales.....	135
9.2.6	Savoir utiliser la formule des probabilités conditionnelles inversée.....	136
9.3	Pour s'entraîner	137
9.3.1	Exercices.....	137
9.3.2	Corrigés	138
Chapitre 10. Variables aléatoires	141	
10.1	Cours	142
10.1.1	Variables aléatoires.....	142
10.1.2	Loi de probabilité.....	143
10.1.3	Espérance et variance.....	143
10.1.4	Loi de Bernoulli et loi binomiale	144
10.2	Méthodes	146
10.2.1	Déterminer la loi d'une variable aléatoire X	146
10.2.2	Calculer l'espérance et la variance d'une variable aléatoire X	147
10.2.3	Reconnaitre et justifier la loi de Bernoulli et celle binomiale	148
10.3	Pour s'entraîner	149
10.3.1	Exercices.....	149
10.3.2	Corrigés	150

Partie III. Notions abordées en spécialité maths et plus succinctement dans l'option maths complémentaires, qui seront approfondies en ECG.....	155
Chapitre 11. Convergence d'une suite réelle	157
11.1 Cours	158
11.1.1 Définition suite convergente/divergente	158
11.1.2 Limites de référence	159
11.1.3 Opérations sur les limites.....	160
11.1.4 Théorèmes de comparaisons et des gendarmes.....	163
11.2 Méthodes	165
11.2.1 Calculer des limites à l'aide des opérations usuelles	165
11.2.2 Comment utiliser et bien rédiger le théorème de comparaison et celui des gendarmes.....	166
11.3 Pour s'entraîner	167
11.3.1 Exercices.....	167
11.3.2 Corrigés	168
Chapitre 12. Limites de fonctions	171
12.1 Cours	172
12.1.1 Définitions et interprétation graphique.....	172
12.1.2 Limites des fonctions usuelles	176
12.1.3 Opérations classiques	176
12.1.4 Théorèmes de comparaison et théorème des gendarmes	179
12.2 Méthodes	181
12.2.1 Déterminer des limites de fonctions grâce aux opérations usuelles et aux limites de référence.....	181
12.2.2 Savoir utiliser le théorème de comparaison et celui des gendarmes	182
12.3 Pour s'entraîner	183
12.3.1 Exercices.....	183
12.3.2 Corrigés	183
Chapitre 13. Dérivée seconde et convexité	187
13.1 Cours	188
13.1.1 Dérivée seconde.....	188
13.1.2 Convexité	188
13.2 Méthodes	193
13.2.1 Exemple d'utilisation de la dérivée seconde.....	193
13.2.2 Convexité et inégalités fonctionnelles	194
13.2.3 Convexité et représentation graphique d'une fonction	195

Table des matières

13.3 Pour s'entraîner	197
13.3.1 Exercices.....	197
13.3.2 Corrigés	197
Chapitre 14. Continuité d'une fonction	201
14.1 Cours.....	202
14.1.1 Définition et première propriétés	202
14.1.2 Continuité des fonctions de référence et opérations.....	204
14.1.3 Existence et unicité des solutions d'une équation du type $f(x) = k$	205
14.2 Méthodes	206
14.2.1 Savoir justifier la continuité d'une fonction.....	206
14.2.2 Existence et unicité des solutions d'une équation du type $f(x) = k$	206
14.3 Pour s'entraîner	208
14.3.1 Exercices.....	208
14.3.2 Corrigés	209
Chapitre 15. Primitive et équations différentielles	211
15.1 Cours.....	212
15.1.1 Primitives : définition et premières propriétés	212
15.1.2 Primitives usuelles.....	213
15.1.3 Équations différentielles	214
15.2 Méthodes	216
15.2.1 Déterminer une primitive « à vue » d'une fonction donnée.....	216
15.2.2 Résoudre une équation différentielle du type $y' = ay + b$	217
15.3 Pour s'entraîner	218
15.3.1 Exercices.....	218
15.3.2 Corrigés	218
Chapitre 16. Intégration sur un segment	223
16.1 Cours	224
16.1.1 Intégrale sur un segment	224
16.1.2 Interprétation graphique.....	225
16.1.3 Premières propriétés.....	225
16.1.4 Théorème de positivité et d'encadrement	227
16.2 Méthodes	228
16.2.1 Existence et calcul d'intégrales	228
16.2.2 Application du théorème fondamental de l'intégration	229
16.3 Pour s'entraîner	229
16.3.1 Exercices.....	229
16.3.2 Corrigés	230

Partie IV. Notions vues uniquement en spécialité maths et qui sont au programme en ECG.....	235
Chapitre 17. Approfondissement autour des fonctions	237
17.1 Cours	238
17.1.1 Composée de fonctions.....	238
17.1.2 Croissance comparée.....	242
17.2 Méthodes	243
17.2.1 Dériver une fonction composée avec des racines carrées	243
17.2.2 Lever une forme indéterminée.....	243
17.3 Pour s'entraîner	248
17.3.1 Exercices.....	248
17.3.2 Corrigés	249
Chapitre 18. Le raisonnement par récurrence	253
18.1 Cours	254
18.2 Méthodes	255
18.3 Pour s'entraîner	257
18.3.1 Exercices.....	257
18.3.2 Corrigés	257
Chapitre 19. Approfondissement autour des suites.....	261
19.1 Cours	262
19.1.1 Critère de convergence d'une suite monotone	262
19.1.2 Critère de convergence d'une suite définie par récurrence	263
19.2 Méthodes	264
19.2.1 Étude du caractère majoré, minoré d'une suite définie de manière explicite	264
19.2.2 Montrer qu'une suite définie par récurrence est convergente et déterminer sa limite.....	266
19.2.3 Lever une forme indéterminée.....	271
19.3 Pour s'entraîner	272
19.3.1 Exercices.....	272
19.3.2 Corrigés	273
Chapitre 20. Approfondissement autour des probabilités.....	279
20.1 Cours	280
20.1.1 Ensemble et dénombrement	280
20.1.2 Factorielle, arrangement et permutation	281
20.1.3 Coefficients binomiaux et combinaisons	282
20.1.4 Sommes de variables aléatoires	286
20.1.5 Application à la loi binomiale	287

Table des matières

20.2 Méthodes	288
20.2.1 Manipuler et simplifier des factorielles	288
20.2.2 Calculer des coefficients binomiaux	289
20.3 Pour s'entraîner	291
20.3.1 Exercices	291
20.3.2 Corrigés	291
Chapitre 21. Approfondissement autour des intégrales.....	295
21.1 Cours	296
21.1.1 Intégration par partie.....	296
21.1.2 Étude de suites définies par une intégrale.....	296
21.2 Méthodes	298
21.2.1 Comment rédiger et mettre en pratique une IPP.....	298
21.2.2 Étude de la monotonie d'une suite définie par une intégrale.....	299
21.2.3 Encadrement du terme général d'une suite définie par une intégrale	301
21.3 Pour s'entraîner	302
21.3.1 Exercices	302
21.3.2 Corrigés	303