Table des matières

Chapitre 1. Graphes	9
1.1 Graphe non orienté	9
1.2 Graphe orienté	10
1.3 Successeur - Prédécesseur - Voisin	11
1.4 Représentation d'un graphe en machine	12
1.5 Graphes extraits d'un graphe	14
1.6 Quelques graphes particuliers	15
1.7 Coloration des sommets d'un graphe	18
1.8 Isomorphisme de graphes	19
1.9 Connexité dans les graphes	23
1.10 Graphe réduit d'un graphe	27
1.11 Ordonner un graphe sans circuit	32
1.12 Exploration d'un graphe	37
1.13 Le problème eulérien	38
Chapitre 2. Cycles et cocycles	41
2.1 Notion algébrique de cycle et cocycle	42
2.2 Cocycles	43
2.3 Dualité entre cycle et cocycle	45
2.4 Graphe planaire	49
Chapitre 3. Arbres et arborescences	
3.1 Caractérisation d'un arbre	53

Table des matières

3.2	Recherche pratique d'une base de cycles et de cocycles	55
3.3	Décomposition d'un cocycle en cocycles élémentaires	56
3.4	Arborescence	57
3.5	Recherche d'un arbre de poids minimum (ou maximum)	58
3.6	Algorithmes de recherche d'un arbre de poids minimum	58
3.7	Arborescence de poids minimum	60
Chapitre 4. Couplage et transversal		65
4.1	Couplage	65
4.2	Couplage dans les graphes bipartis	66
4.3	Transversal	67
Cha	apitre 5. Flots et problème du flot maximum	69
Cha	apitre 6. Nombre de stabilité	71
6.1	Recherche d'indépendant maximal	71
6.2	Stable et partition minimum en cliques	72
6.3	Séquence alternée relative à un stable	72
Cha	pitre 7. Stabilité dans les graphes orientés	75
7.1	Stabilité interne	75
7.2	Stabilité externe	76
7.3	Noyau	78
Cha	pitre 8. Orientation dans les graphes	83
8.1	Orientation transitive	83
8.2	Graphe de comparabilité	83
8.3	Graphe d'intervalles	84
8.4	Graphe triangulé	84
8.5	Graphes sans P_4	87
Cha	apitre 9. Complexité algorithmique	91
9.1	Calcul de la complexité algorithmique	91
9.2	Etude de la complexité	92
9.3	Comparaison entre algorithmes polynomiaux	93

Table des matières 7

9.4	Le problème central	95
9.5	Carrefour de décision	97
Chap	oitre 10. Ordres dans les graphes	99
10.1	Extension d'un ordre	101
10.2	Codage d'un ordre	103
10.3	Graphes associés à un ensemble ordonné	104
10.4	Classes particulières d'ensembles ordonnés	106
10.5	Treillis	107
Exer	cices	107
Corr	igé des exercices	118
Exer	cices complémentaires	141
Chap	oitre 11. Programmation linéaire	145
11.1	Modélisation	145
11.2	Quelques résultats d'algèbre linéaire	148
11.3	Propriétés fondamentales de la programmation linéaire	154
11.4	Interprétation géométrique de la programmation linéaire	159
11.5	Hyperplan – Polytope	159
11.6	Méthode du simplexe	163
11.7	Méthode des deux phases	167
11.8	Dualité en programmation linéaire	170
11.9	Méthode duale du simplexe	179
Exer	cices	186
Corrigé des exercices		192
Références bibliographiques		207