

Table des matières

| Détails des chapitres | | Pages |
|---|--|-----------|
| Chapitre 1 : généralités..... | | 1 |
| 1.1 Premières définitions | | 1 |
| 1.2 Exemples concrets | | 2 |
| 1.3 Ordre ; degré <i>Première pause</i> | | 4 |
| 1.4 Chaîne ; cycle | | 5 |
| 1.5 Sous-graphe ; graphe complet, connexe ; sous-graphe stable. <i>Deuxième pause</i> | | 6 |
| 1.6 Distance ; diamètre. | | 7 |
| 1.7 Graphe orienté. <i>Troisième pause</i> | | 9 |
| 1.8 Graphes particuliers Graphe biparti | | 10 |
| Arbre | | 12 |
| Graphe planaire | | 14 |
| Graphe probabiliste | | 16 |
| <i>Dernière pause</i> | | 18 |
| Solutions des « pauses » | | 19 |
| Exercices : | | |
| Graphes non orientés | | 23 |
| Graphes orientés | | 30 |
| Chapitre 2 : graphes et chemins..... | | 37 |
| 2.1 Introduction | | 37 |
| 2.2 Graphe eulérien 2.2.1 De quoi s'agit-il ? | | 38 |
| 2.2.2 A quelle condition un graphe admet-il une chaîne eulérienne ? (ou un cycle eulérien). | | 38 |
| 2.2.3 Comment trouver une chaîne eulérienne ? <i>Première pause</i> | | 39 |
| 2.3 Graphe hamiltonien 2.3.1 De quoi s'agit-il ? | | 42 |
| 2.3.2 A quelle condition un graphe admet-il une chaîne hamiltonienne ? (ou un cycle hamiltonien). | | 44 |
| 2.3.3 Comment trouver une chaîne hamiltonienne ? <i>Deuxième pause</i> | | 45 |
| 2.4 Et si le graphe est orienté ? <i>Dernière pause</i> | | 46 |
| Solutions des « pauses » | | 48 |
| Exercices | | 49 |
| Et le bac ? | | 53 |
| | | 51 |

| | |
|--|------------|
| Chapitre 3 : graphes et couleurs..... | 65 |
| 3.1 Introduction | 65 |
| 3.2 Coloration d'un graphe. | 66 |
| 3.2.1 De quoi s'agit-il ? | 66 |
| 3.2.2 Comment faire ? | 68 |
| <i>Première pause</i> | 71 |
| 3.2.3 A quoi cela sert-il ? | 71 |
| 3.3 Nombre chromatique | 71 |
| <i>Deuxième pause</i> | 74 |
| 3.4 Utilisation | 75 |
| Solutions des « pauses » | 79 |
| Exercices | 81 |
| Et le bac ? | 87 |
| Chapitre 4 : graphes et matrices..... | 91 |
| 4.1 Rappels sur les matrices | 91 |
| <i>Première pause</i> | 92 |
| 4.2 Matrice associée à un graphe non orienté | 93 |
| <i>Deuxième pause</i> | 94 |
| 4.3 Matrice associée à un graphe orienté. | 95 |
| <i>Troisième pause</i> | 95 |
| 4.4 Utilisation des matrices. | 96 |
| <i>Dernière pause</i> | 98 |
| Solutions des « pauses » | 101 |
| Exercices | 105 |
| Et le bac ? | 109 |
| Chapitre 5 : graphes valués..... | 113 |
| 5.1 Définitions | 113 |
| <i>Première pause</i> | 115 |
| 5.2 Recherche du plus court « trajet » | 115 |
| <i>Deuxième pause</i> | 123 |
| 5.3 Quelques remarques sur des cas particuliers | 124 |
| Solutions des « pauses » | 127 |
| Exercices | 129 |
| Et le bac ? | 135 |
| Et le CAPES ? | 138 |
| Chapitre 6 : graphes et probabilités..... | 139 |
| 6.1 De quoi s'agit-il ? | 139 |
| <i>Première pause</i> | 140 |
| 6.2 Utilisation | 141 |
| <i>Deuxième pause</i> | 144 |

| | | |
|--|---|------------|
| 6.3 | Etat probabiliste | 144 |
| 6.4 | Etat probabiliste à la n ^{ième} étape. <i>Troisième pause</i> | 145 147 |
| 6.5 | Etat stable 6.5.1 Définition | 147 |
| | 6.5.2 Recherche d'un état stable. | 147 |
| | <i>Quatrième pause</i> | 149 |
| 6.6 | Graphe probabiliste et suite géométrique. 6.6.1 Rappels | 149 149 |
| | 6.6.2 Quel rapport avec les graphes probabilistes ? | 150 |
| | Solutions des « pauses » | 153 |
| | Exercices | 155 |
| | Et le bac ? | 163 |
| Chapitre 7 : graphes étiquetés – Automates..... | | 167 |
| 7.1 | Graphe étiqueté | 167 |
| 7.2 | Automate fini <i>Première – et seule – pause</i> | 168 171 |
| | Solution de la « pause » | 173 |
| | Exercices | 175 |
| | Et le bac ? | 179 |
| Compléments | | |
| | Rappel des principales notions | 181 |
| | Algorithme | 185 |
| | Pour terminer...et réviser (<i>exercices de bac corrigés</i>) | 187 |
| | Brèves notices historiques | 196 |
| | Logiciels pour graphes | 197 |
| | Sites Internet et graphes | 204 |
| | Programme TES spécialité (<i>graphes</i>) | 206 |
| | Algorithme « gourmand » | 207 |
| Index | | 208 |