

TABLE DES MATIÈRES

PREMIÈRE PARTIE

I. LA NOTION D'ESPACE AFFINE

1. Premières définitions	15
2. Barycentres	18
3. Sous-espaces affines	20
4. Repères et coordonnées	20
5. Convexité	21
6. Retour sur les espaces affines	23
7. Orientation	24

II. APPLICATIONS AFFINES

1. Définition et exemples.....	27
2. Applications affines et barycentres	29
3. Projections	31

III. LE GROUPE AFFINE DU PLAN

1. Le groupe affine et ses sous-groupes	33
2. Théorème de Thalès	35
3. Théorème de Pappus	37
4. Théorème de Ménelaüs	38
5. Structure algébrique de $\text{Aff}(\mathcal{P})$	39

IV. PLAN EUCLIDIEN, ISOMÉTRIES ET SIMILITUDES

1. Structure euclidienne	43
2. Isométries	46
3. Notion d'angle	48
4. Exemples d'isométries	52
5. Composition des éléments de $\text{Isom}(\mathcal{P})$	54
6. Le groupe des similitudes	57

V. TRIANGLE ET CERCLE

1. Généralités	61
2. Droites concourantes d'un triangle	64
3. Cas d'isométrie des triangles	68
4. Cas de similitude des triangles	69
5. Cercles passant par 1, 2, 3 ou 4 points	70
6. Transformés de cercles	71

VI. CONSTRUCTIONS GÉOMÉTRIQUES

1. Constructions classiques élémentaires	76
2. Un peu plus compliqué	76

DEUXIÈME PARTIE

FICHES DE TRAVAIL

1. Isométries de l'espace	83
2. Autour du birapport	91
3. Autour du triangle	101
4. La puissance et l'inversion	108
5. Homographies	118
6. Parabole	124
7. Ellipse	129
8. Hyperbole	136

EXERCICES RÉSOLUS

1. Énoncés	143
2. Solutions	153

EXERCICES EN VRAC

1. Énoncés	193
------------------	-----

TROISIÈME PARTIE

PAVAGES

1. Généralités et définitions	207
2. Les groupes paveurs	211
3. Pavages réguliers	213
4. Un quadrilatère pave périodiquement	215
5. Pavages hexagonaux	217
6. En guise de petite conclusion	221

APPENDICE

RAPPELS SUR LES GROUPES

1. Définition et exemples	225
2. Homomorphismes	226
3. Produit semi-direct	228
4. Exemples tirés de la géométrie	228
5. Groupes résolubles, groupes nilpotents	231
6. Sous-groupes finis d'isométries de l'espace	232

BIBLIOGRAPHIE	235
---------------------	-----

INDEX ALPHABÉTIQUE	237
--------------------------	-----